

**ΠΡΟΤΕΙΝΟΜΕΝΕΣ ΑΠΑΝΤΗΣΕΙΣ**

**ΦΥΣΙΚΗΣ ΠΡΟΣΑΝΑΤΟΛΙΣΜΟΥ Γ' ΛΥΚΕΙΟΥ**

**ΘΕΜΑ 1.**

**A-γ**

**B-α**

**Γ-δ**

**Δ-δ**

**Ε: α-Λ, β-Σ, γ-Λ, δ-Λ, ε-Λ**

**ΘΕΜΑ 2.**

**A.** Σωστό είναι το β.

Κυκλικός δίσκος:  $I_1 = \frac{1}{2}MR^2$ ,  $L_1 = I_1 \cdot \omega_1$ ,  $u_{cm_1} = \omega_1 \cdot R$ ,  $P_1 = M \cdot u_{cm_1}$

Κυκλικός δακτύλιος:  $I_2 = MR^2$ ,  $L_2 = I_2 \cdot \omega_2$ ,  $u_{cm_2} = \omega_2 \cdot R$ ,  $P_2 = M \cdot u_{cm_2}$

Από τις παραπάνω σχέσεις προκύπτει ότι:

$$\frac{L_1}{L_2} = \frac{\frac{1}{2}MR^2 \cdot \omega_1}{MR^2 \cdot \omega_2} \Rightarrow \frac{L_1}{L_2} = \frac{\omega_1}{2\omega_2}. \text{ Όμως } L_1 = L_2 \text{ άρα}$$

$$\omega_1 = 2\omega_2 \Rightarrow \omega_1 R = 2\omega_2 R \Rightarrow u_{cm_1} = 2u_{cm_2} \Rightarrow Mu_{cm_1} = 2u_{cm_2} \Rightarrow P_1 = 2P_2$$

**B.** Σωστό είναι το γ.

$$\left\{ \begin{array}{l} x_1 = 0.2\eta\mu(10t)(S.I) \\ x_1 = A_1\eta\mu(\omega t + \varphi_{o1}) \end{array} \right\} \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} A_1 = 0,2m \\ \omega = 10 \frac{rad}{s} \\ \varphi_{o1} = 0 \end{array} \right\} \text{ και}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} x_2 = A_2\eta\mu(10t)(S.I) \\ x_2 = A_2\eta\mu(\omega t + \varphi_{o2}) \end{array} \right\} \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} \omega = 10 \frac{rad}{s} \\ \varphi_{o2} = \pi rad \end{array} \right\} \text{ άρα}$$

$$A = |A_2 - A_1| \text{ κι επειδή } A_2 > A_1 \text{ έχουμε } A = A_2 - A_1 \quad (1)$$

$$\text{Όμως } E_T = \frac{1}{2} D A^2 \Rightarrow A = \sqrt{\frac{2E_T}{D}} \Rightarrow A = \sqrt{\frac{2E_T}{m\omega^2}} \Rightarrow A = 0,1m$$

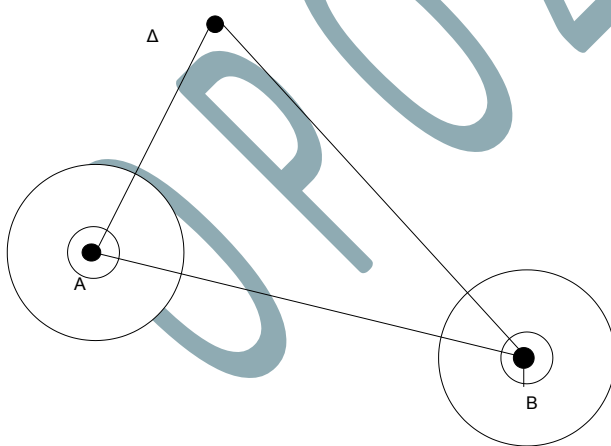
$$(1) \Rightarrow A_2 = A + A_1 \Rightarrow A = 0,3m.$$

Γ. Σωστό είναι το α.

$$\text{Όταν η πηγή πλησιάζει τον παρατηρητή: } f_A = \frac{u_{\eta\zeta}}{u_{\eta\zeta} - u_s} f_s \quad (1)$$

$$\text{Όταν η πηγή απομακρύνεται από τον παρατηρητή: } f_{A'} = \frac{u_{\eta\zeta}}{u_{\eta\zeta} + u_s} f_s \quad (2)$$

$$\frac{(1)}{(2)} \Rightarrow \frac{f_A}{f_{A'}} = \frac{u_{\eta\zeta} + u_s}{u_{\eta\zeta} - u_s} \Rightarrow \frac{6}{5} = \frac{u_{\eta\zeta} + u_s}{u_{\eta\zeta} - u_s} \Rightarrow 6u_{\eta\zeta} - 6u_s = 5u_{\eta\zeta} + 5u_s \Rightarrow u_{\eta\zeta} = 11u_s \Rightarrow u_s = 30 \frac{m}{s}$$



### ΘΕΜΑ 3.

α. Γνωρίζουμε ότι  $f = 2\text{Hz}$  και  $u = 10 \frac{m}{s}$  άρα

$$u = \lambda \cdot f \Rightarrow \lambda = \frac{u}{f} \Rightarrow \lambda = 5m.$$

Ο χρόνος που χρειάζεται το κύμα από την πηγή A για να φθάσει στο σημείο Δ είναι  $t_1 = \frac{(A\Delta)}{u} \Rightarrow t_1 = 1,5 \text{sec}$  ενώ από την πηγή B είναι

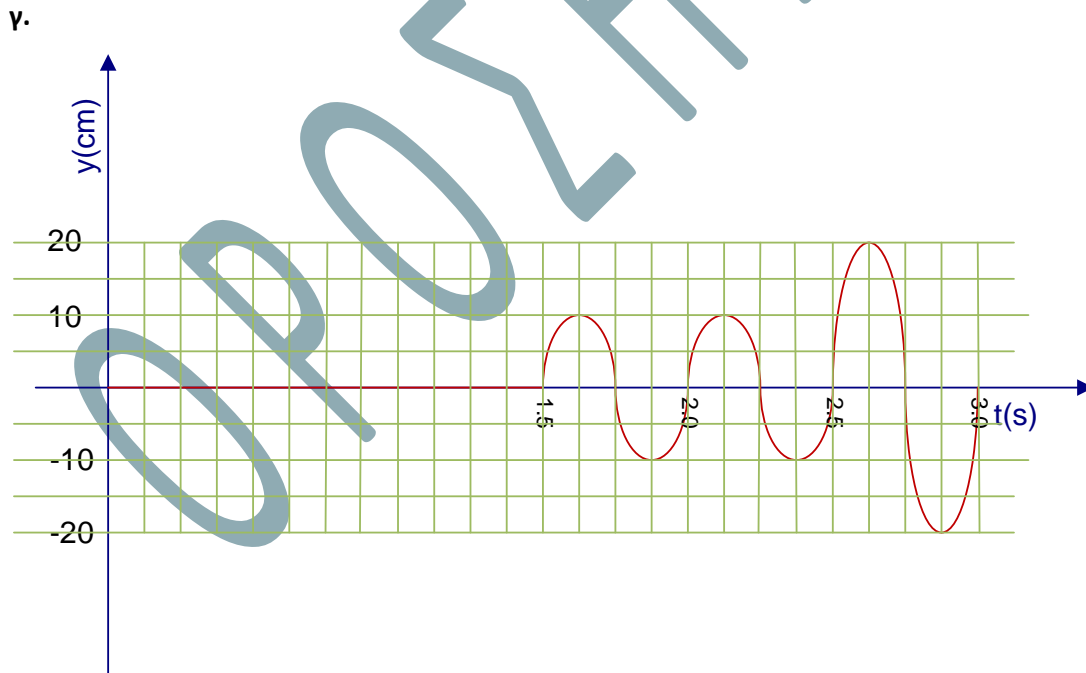
$$t_2 = \frac{(B\Delta)}{u} \Rightarrow t_2 = 2,5 \text{sec}.$$

β.

- Για χρόνο  $0 \leq t < t_1$  το υλικό σημείο Δ παραμένει ακίνητο.
- Για χρόνο  $t_1 \leq t < t_2$  το υλικό σημείο Δ εκτελεί ταλάντωση λόγω του κύματος από την πηγή Α με εξίσωση  $y = A\eta\mu\left[2\pi\left(\frac{t}{T} - \frac{(A\Delta)}{\lambda}\right)\right]$
- Για χρόνο  $t \geq t_2$  στο υλικό σημείο Δ συμβάλουν και τα δύο κύματα οπότε αυτό εκτελεί ταλάντωση με εξίσωση  $y = 2A\sigma\upsilon\nu\frac{\pi}{\lambda}|(A\Delta) - (B\Delta)|\eta\mu\left[2\pi\left(\frac{t}{T} - \frac{(A\Delta) + (B\Delta)}{2\lambda}\right)\right]$

Για  $A\Delta = 15m$ ,  $B\Delta = 25m$ ,  $\lambda = 5m$ ,  $T = \frac{1}{f} = 0.5\text{sec}$  έχουμε:

$$y = \begin{cases} 0, & \text{για } 0 \leq t < 1.5\text{sec} \\ 10\eta\mu[2\pi(2t - 3)], & \text{για } 1.5 \leq t < 2.5\text{sec} \quad (\text{y σε cm, t σε s}) \\ 20\eta\mu[2\pi(2t - 4)], & \text{για } t \geq 2.5\text{sec} \end{cases}$$



δ. Θέλουμε  $y = \pm 10\text{cm}$ .

Όπως φαίνεται κι από τη γραφική παράσταση οι 4 πρώτες χρονικές στιγμές όπου  $y = \pm 10\text{cm}$  είναι:

$$t_1 = 1.5 \text{ sec} + \frac{T}{4} = 1.5 \text{ sec} + \frac{0.5}{4} \text{ sec} \Rightarrow t_1 = 0.625 \text{ sec}$$

$$t_2 = 1.5 \text{ sec} + \frac{3T}{4} = 1.5 \text{ sec} + \frac{1.5}{4} \text{ sec} \Rightarrow t_2 = 1.875 \text{ sec}$$

$$t_3 = 1.5 \text{ sec} + \frac{5T}{4} = 1.5 \text{ sec} + \frac{2.5}{4} \text{ sec} \Rightarrow t_3 = 2.125 \text{ sec}$$

$$t_4 = 1.5 \text{ sec} + \frac{7T}{4} = 1.5 \text{ sec} + \frac{3.5}{4} \text{ sec} \Rightarrow t_4 = 2.375 \text{ sec}$$

Για να βρούμε την  $t_5$  θα πρέπει να λύσουμε την  $y = 20\eta\mu[2\pi(2t-4)]$  για  $t \geq 2.5 \text{ sec}$  ως προς  $t$  και να κρατήσουμε τη μικρότερη δυνατή τιμή.

Για  $y=10 \text{ cm}$  έχουμε:

$$\frac{1}{2} = \eta\mu(4\pi t - 8\pi) \Rightarrow \eta\mu(4\pi t - 8\pi) = \eta\mu \frac{\pi}{6} \Rightarrow$$

$$\left\{ 4\pi t - 8\pi = 2k\pi + \frac{\pi}{6} \quad \text{ή} \quad 4\pi t - 8\pi = 2k\pi + \frac{\pi}{6} \quad \mu\epsilon \quad k=0,1,2,\dots \right\} \Rightarrow$$

$$\left\{ t = \frac{k}{2} + \frac{49}{24} \text{ (1)} \quad \text{ή} \quad t = \frac{k}{2} + \frac{53}{24} \text{ (2)} \quad \mu\epsilon \quad k=0,1,2,\dots \right\}$$

Για  $k=1$  η (1) δίνει  $t_5 = \frac{61}{25} \text{ sec} > 2.5 \text{ sec}$ .

ε.



Έστω σημείο Κ όπου έχουμε απόσβεση, τότε θα ισχύει:

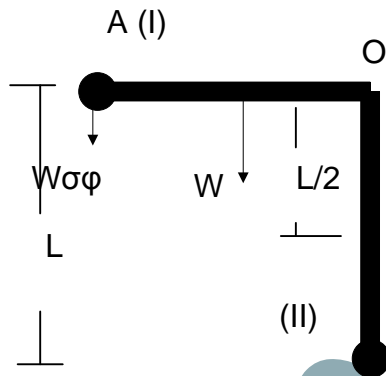
$$r_1 - r_2 = (2N + 1) \frac{\lambda}{2} \quad \mu\epsilon \quad N = 0, \pm 1, \pm 2, \dots \text{ άρα}$$

$$(AK) - (KB) = (2N + 1) \frac{\lambda}{2} \Rightarrow (AK) - [d - (AK)] = (2N + 1) \frac{\lambda}{2} \Rightarrow$$

$$(AK) = \frac{d}{2} + (2N+1)\frac{\lambda}{4} \quad \text{όμως} \quad 0 < (AK) < d \Rightarrow 0 < \frac{d}{2} + (2N+1)\frac{\lambda}{4} < d \Rightarrow$$

$$0 < \frac{18}{2} + (2N+1)\frac{5}{4} < 18 \Rightarrow \frac{-41}{10} < N < \frac{31}{10} \quad \text{άρα } N = -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3 \quad \text{άρα έχουμε 8 σημεία απόσβεσης.}$$

**ΘΕΜΑ 4.**



Δοκός:  $I_p(o) = I_{cm} + M \left( \frac{L}{2} \right)^2 \Rightarrow$

$$I_p(o) = \frac{1}{12}ML^2 + \frac{1}{4}ML^2 \Rightarrow I_p(o) = \frac{1}{3}ML^2$$

Σφαίρα:  $I_{σφ}(o) = mL^2$

Σύστημα δοκός-σφαίρα:

$$I_{\Sigma\Sigma\Sigma\Sigma}(o) = I_p(o) + I_{σφ}(o) \Rightarrow I_{\Sigma\Sigma\Sigma\Sigma}(o) = \frac{1}{3}ML^2 + mL^2 \Rightarrow$$

$$I_{\Sigma\Sigma\Sigma\Sigma}(o) = \left[ \left( \frac{1}{3} \right) \cdot 12 \cdot 0,2^2 + 2 \cdot 0,2^2 \right] Kg \cdot m^2 \Rightarrow I_{\Sigma\Sigma\Sigma\Sigma}(o) = 0,24 Kg \cdot m^2$$

Εφαρμόζουμε Θ.Μ.Κ.Ε. από τη θέση (I) μέχρι τη θέση (II):

$$K_{(II)} - K_{(I)} = W_W + W_{W_{σφ}} \Rightarrow \frac{1}{2}I_{\Sigma\Sigma\Sigma\Sigma}(o) \cdot \omega^2 = W \cdot \frac{L}{2} + W_{σφ} \cdot L \Rightarrow$$

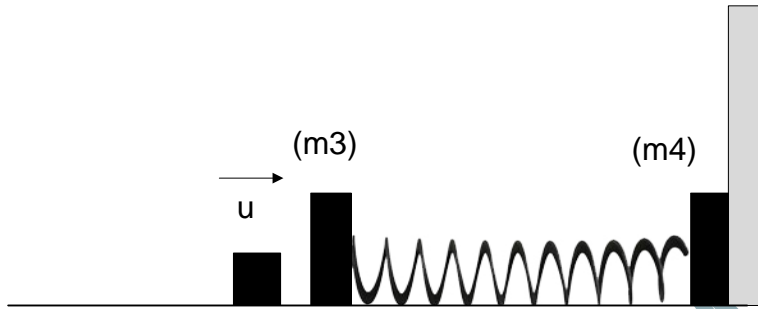
$$I_{\Sigma\Sigma\Sigma\Sigma}(o) \cdot \omega^2 = W \cdot L + 2W_{σφ} \cdot L \Rightarrow \omega = \sqrt{\frac{MgL + 2mgl}{I_{\Sigma\Sigma\Sigma\Sigma}(o)}} \Rightarrow$$

$$\omega = \sqrt{\frac{12 \cdot 10 \cdot 0,2 + 2 \cdot 2 \cdot 10 \cdot 0,2}{0,24}} \frac{rad}{s} \Rightarrow \omega = \sqrt{\frac{32}{0,24}} \frac{rad}{s} = \frac{20}{\sqrt{3}} \frac{rad}{s} \Rightarrow \omega = 11,56 \frac{rad}{s}$$

β. Επειδή  $\Sigma \tau_{εξ} = 0$  από αρχή διατήρησης της στροφορμής έχουμε:

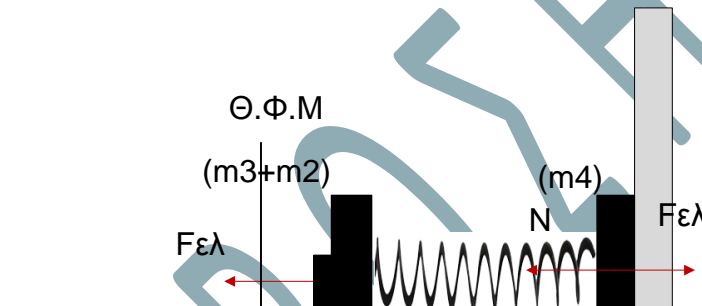
$$L_{\text{ΠΡΙΝ}} = L_{\text{ΜΕΤΑ}} \Rightarrow I_{\text{ΣΥΣΤ}}(\omega) \cdot \omega = m_2 \cdot u \cdot L \Rightarrow u = \frac{I_{\text{ΣΥΣΤ}}(\omega) \cdot \omega}{m_2 \cdot L} \Rightarrow u = 4 \frac{m}{s}$$

γ. Για την κρούση του  $\Sigma_2$  με το  $\Sigma_3$  έχουμε:



Α.Δ.Ο.:  $m_2 \cdot u = (m_2 + m_3) \cdot u_{\Sigma} \Rightarrow u_{\Sigma} = \frac{m_2 \cdot u}{(m_2 + m_3)} \Rightarrow u_{\Sigma} = 3,46 \frac{m}{s}$

δ.



Όσο το ελατήριο είναι συσπειρωμένο, το σώμα 4 στην διεύθυνση του άξονα x, δέχεται τη δύναμη του ελατηρίου  $F_{ελ}$  και την αντίδραση  $N$  από τον κατακόρυφο τοίχο. Το σώμα 4 θα χάσει την επαφή του με τον τοίχο, όταν το ελατήριο βρεθεί σε κατάσταση επιμήκυνσης για πρώτη φορά με κατεύθυνση προς τα αριστερά αφού μέχρι εκείνη τη στιγμή  $\Sigma F = 0 \Rightarrow F_{ελ} = N$ . Η επαφή χάνεται όταν  $N=0$  δηλαδή στη Θ.Φ.Μ. διότι τότε  $F_{ελ}=0$ .

Ο ζητούμενος χρόνος είναι:

$$\Delta t = \frac{T}{2} \text{ όπου } T = 2\pi \sqrt{\frac{m_2 + m_3}{k}} \Rightarrow T = 0.4\pi \text{ sec}$$

Άρα  $\Delta t = 0.2\pi \text{ sec}$